

Punkt 1:

Uszereguj macierze `mac_1`, `mac_2`, `mac_3` dostępne na stronie wikidyd pod kątem współczynnika uwarunkowania `cond` (wykorzystaj metodę `cond` z Matlab).
Napisz definicję współczynnika uwarunkowania macierzy.

Samodzielnie utwórz 3 macierze (mogą to być zmodyfikowane macierze `mac_1` lub `mac_2`) z znacznie różniącymi się współczynnikami uwarunkowania i zbadaj dla nich szybkość zbieżności algorytmu gradientów sprzężonych, czyli liczbę iteracji potrzebnych do uzyskania wyniku. (implementacja algorytmu znajduje się na stronie wikidyd)

Punkt 2:

Posługując się wyżej wymienionym współczynnikiem określ ideę stosowania preconditionerów w iteracyjnych metodach rozwiązywania układów równań.

Przetestuj funkcję matlabu `pcg`, która implementuje algorytm preconditionowanych gradientów sprzężonych, za pomocą macierzy Poissona `A`. Macierz `A` pobierz za pomocą komendy:

`A = gallery('poisson', k)`

dla $k = 1, \dots, 25$, wektor prawych stron przyjmij jako $b = [1, \dots, 1]$, niech $\text{tol} = 1e-4$, $\text{maxit} = 200$.

Wywołaj funkcję `pcg` w postaci:

`[x,flag,res,iter]=pcg(A,b,tol,maxit,W)`

W miejsce `W` wstaw odpowiednie preconditionery:

1. $W_J = I$ (macierz z jedynkami na diagonalu)
2. $W_J = D$ (wycięta diagonalna z macierzy `A`)
3. $W_{SGS} = (D+L)D^{-1}(D+L^T)$

Dla każdego preconditionera narysuj wykres ilustrujący liczbę potrzebnych iteracji do uzyskania rozwiązania w funkcji liczby niewiadomych (określanych za pomocą `k`)